

BOARD OF INTERMEDIATE EDUCATION (TS)

JUNIOR INTER MATHEMATICS-1A

MODEL PAPER

Time: 3 hours

Max. Marks: 75

SECTION – A

I. i) Very short answer type questions.

ii) Answer ALL questions.

iii) Each question carries TWO marks.

10 × 2 = 20

1. If $A = \left\{0, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}\right\}$ and $f: A \rightarrow B$ is a surjection defined by $f(x) = \cos x$, then find B.
 $A = \left\{0, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}\right\}$ మరియు $f: A \rightarrow B$ సంగ్రహ ప్రమేయం అయ్యేటట్లుగా $f(x) = \cos x$ అయితే B ను కనుక్కోండి.
2. If $f: Q \rightarrow Q$ defined by $f(x) = 5x + 4$ for $x \in Q$. Then find f^{-1} .
 $f(x) = 5x + 4$ అయ్యేటట్లుగా $f: Q \rightarrow Q$ ప్రమేయానికి f^{-1} కనుక్కోండి
3. If $A = \begin{pmatrix} i & 0 \\ 0 & -i \end{pmatrix}$ show that $A^2 = -I$ ($i^2 = -1$).
 $A = \begin{pmatrix} i & 0 \\ 0 & -i \end{pmatrix}$ అయితే $A^2 = -I$ ($i^2 = -1$) అని చూపండి.
4. If $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 6 \\ 3 & x & 7 \end{pmatrix}$ is a symmetric matrix, then find the value of x.
 $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 6 \\ 3 & x & 7 \end{pmatrix}$ అనేది సౌష్ఠవ మాత్రిక అయితే x విలువను కనుక్కోండి.
5. Find vector equation line passing through two points $2\bar{i} + \bar{j} + 3\bar{k}$, $-4\bar{i} + 3\bar{j} - \bar{k}$
 $2\bar{i} + \bar{j} + 3\bar{k}$, $-4\bar{i} + 3\bar{j} - \bar{k}$ బిందువుల గుండా పోయే సరళరేఖ సదిశా సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.
6. If $\bar{a} = 2\bar{i} + 5\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{b} = 4\bar{i} + m\bar{j} + n\bar{k}$ are collinear vectors then find m, n.
 $\bar{a} = 2\bar{i} + 5\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{b} = 4\bar{i} + m\bar{j} + n\bar{k}$ రెండు సరేఖీయ సదిశలు అయితే m, n ను కనుక్కోండి.
7. Find angle between the vectors $\bar{i} + 2\bar{j} + 3\bar{k}$ and $3\bar{i} - \bar{j} + 2\bar{k}$
 $\bar{i} + 2\bar{j} + 3\bar{k}$, $3\bar{i} - \bar{j} + 2\bar{k}$ సదిశల మధ్య కోణాన్ని కనుక్కోండి.
8. If $\sin \alpha + \operatorname{cosec} \alpha = 2$ find the value of $\sin^n \alpha + \operatorname{cosec}^n \alpha$ ($n \in Z$)
 $\sin \alpha + \operatorname{cosec} \alpha = 2$ అయితే $\sin^n \alpha + \operatorname{cosec}^n \alpha$ విలువను కనుక్కోండి. ($n \in Z$)
9. Find sine function whose period is $\frac{2}{3}$.

ఆవర్తనం $\frac{2}{3}$ గా గల సైన్ ప్రమేయాలను రాయండి.

10. If $\cosh x = \sec \theta$ then prove that $\tanh^2 \frac{x}{2} = \tan^2 \frac{\theta}{2}$

$\cosh x = \sec \theta$ అయితే $\tanh^2 \frac{x}{2} = \tan^2 \frac{\theta}{2}$ అని చూపండి.

SECTION - B

II. i) Short answer type questions.

ii) Answer any FIVE questions.

iii) Each question carries FOUR marks.

5 × 4 = 20

11. Show that $\begin{vmatrix} b+c & c+a & a+b \\ a+b & b+c & c+a \\ a & b & c \end{vmatrix} = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$.

$\begin{vmatrix} b+c & c+a & a+b \\ a+b & b+c & c+a \\ a & b & c \end{vmatrix} = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$ అని చూపండి.

12. Find the point of intersection of the line $\vec{r} = 2\vec{a} + t(\vec{b} - \vec{c})$ and the plane $\vec{r} = \vec{a} + x(\vec{b} + \vec{c}) + y(\vec{a} + 2\vec{b} - \vec{c})$ where $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ are L.I.

సరళరేఖ $\vec{r} = 2\vec{a} + t(\vec{b} - \vec{c})$, తలం $\vec{r} = \vec{a} + x(\vec{b} + \vec{c}) + y(\vec{a} + 2\vec{b} - \vec{c})$; $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ లు L.I. సదిశలు అయితే వాటి ఖండన బిందువును కనుక్కోండి.

13. By vector method prove that angle between any two diagonals of a cube is $\cos^{-1} \frac{1}{3}$.

ఒక ఘనంలోని ఏవైనా రెండు కర్ణాల మధ్య కోణం $\cos^{-1} \frac{1}{3}$ అని సదిశా పద్ధతిలో నిరూపించండి.

14. Prove that $\sin^4 \frac{\pi}{8} + \sin^4 \frac{3\pi}{8} + \sin^4 \frac{5\pi}{8} + \sin^4 \frac{7\pi}{8} = \frac{3}{2}$

$\sin^4 \frac{\pi}{8} + \sin^4 \frac{3\pi}{8} + \sin^4 \frac{5\pi}{8} + \sin^4 \frac{7\pi}{8} = \frac{3}{2}$ అని చూపండి.

15. solve $2\cos^2 \theta + 11\sin \theta = 7$ and write general solution.

$2\cos^2 \theta + 11\sin \theta = 7$ ను సాధించి దాని సాధారణ సాధనను రాయండి.

16. Prove that $\cos^{-1} \left(\frac{4}{5} \right) + \sin^{-1} \left(\frac{3}{\sqrt{34}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{27}{11} \right)$.

$\cos^{-1} \left(\frac{4}{5} \right) + \sin^{-1} \left(\frac{3}{\sqrt{34}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{27}{11} \right)$ అని చూపండి.

17. In the triangle ABC $a : b : c = 7 : 8 : 9$, then find $\cos A : \cos B : \cos C$.

త్రిభుజం ABC లో $a : b : c = 7 : 8 : 9$ అయితే $\cos A : \cos B : \cos C$ లను కనుక్కోండి.

SECTION - C

III. i) Long answer type questions.

ii) Answer any FIVE questions.

iii) Each question carries SEVEN marks.

5 × 7 = 35

18. If $f: A \rightarrow B$, $g: B \rightarrow C$ are bijective then prove $(gof)^{-1} = f^{-1}og^{-1}$.

$f: A \rightarrow B$, $g: B \rightarrow C$ లు ద్విగుణ ప్రమేయాలు అయితే $(gof)^{-1} = f^{-1}og^{-1}$ అని చూపండి.

19. By mathematical induction show that $(49^n + 16n - 1)$ is divisible by 64 for all $n \in \mathbb{N}$.

$n \in \mathbb{N}$ కు $(49^n + 16n - 1)$ ను 64 భాగిస్తుందని గణితానుగమనం ద్వారా నిరూపించండి.

20. Show that $\begin{vmatrix} a+b+2c & a & b \\ c & b+c+2a & b \\ c & a & c+a+2b \end{vmatrix} = 2(a+b+c)^3$.

$\begin{vmatrix} a+b+2c & a & b \\ c & b+c+2a & b \\ c & a & c+a+2b \end{vmatrix} = 2(a+b+c)^3$ అని చూపండి.

21. Solve $x + y + z = 9$, $2x + 5y + 7z = 52$, $2x + y - z = 0$ by using matrix inversion method.

$x + y + z = 9$, $2x + 5y + 7z = 52$, $2x + y - z = 0$ ను మాత్రికా విలోమ పద్ధతిలో సాధించండి.

22. If $\bar{a} = \bar{i} - 2\bar{j} + 3\bar{k}$, $\bar{b} = 2\bar{i} + \bar{j} + \bar{k}$, $\bar{c} = \bar{i} + \bar{j} + 2\bar{k}$ then find $|(\bar{a} \times \bar{b}) \times \bar{c}|$ and $|\bar{a} \times (\bar{b} \times \bar{c})|$

$\bar{a} = \bar{i} - 2\bar{j} + 3\bar{k}$, $\bar{b} = 2\bar{i} + \bar{j} + \bar{k}$, $\bar{c} = \bar{i} + \bar{j} + 2\bar{k}$ అయితే $|(\bar{a} \times \bar{b}) \times \bar{c}|$, $|\bar{a} \times (\bar{b} \times \bar{c})|$ లను కనుక్కోండి.

23. In the triangle ABC prove that $\cos \frac{A}{2} + \cos \frac{B}{2} + \cos \frac{C}{2} = 4 \cos \left(\frac{\Pi - A}{4} \right) \cos \left(\frac{\Pi - B}{4} \right) \cos \left(\frac{\Pi - C}{4} \right)$

త్రిభుజం ABC లో $\cos \frac{A}{2} + \cos \frac{B}{2} + \cos \frac{C}{2} = 4 \cos \left(\frac{\Pi - A}{4} \right) \cos \left(\frac{\Pi - B}{4} \right) \cos \left(\frac{\Pi - C}{4} \right)$ అని చూపండి.

24. In the triangle ABC If $r_1 = 8$, $r_2 = 12$, $r_3 = 24$ then find a, b, c.

త్రిభుజం ABCలో $r_1 = 8$, $r_2 = 12$, $r_3 = 24$ అయితే a, b, c లను కనుక్కోండి.